

С.Б.Ворожцов, А.А.Глазов, Г.А.Карамышева, Е.В.Самсонов Е. V. Samsonov

ДИНАМИКА ЧАСТИЦ С УЧЕТОМ ВЛИЯНИЯ ПРОСТРАНСТВЕННОГО ЗАРЯДА В СИЛЬНОТОЧНОМ ЦИКЛОТРОНЕ (Дейтронный вариант)



# 1. Введение

Проведенные ранее расчеты[1] показали, что при энергии инжекции  $W_i = 0,3 M_3 B$ и кратности ускорения h = 18 центральная область циклотрона имеет слишком малые поперечные аксептансы для ускорения сильноточного пучка. Для увеличения аксептансов была повышена энергия инжекции и уменьшена кратность ускорения. Параметры, используемые для расчетов, представлены в таблице 1.

на				
	Секторный			
	дейтрон			
(МэВ)	0.5			
(МэВ)	15.0			
(мА)	10			
Магнитная система				
	4			
(°)	30			
(см)	3			
(см)	15 ÷165			
(кГс)	5			
	1.45			
оряющая система				
	2			
(МГц)	49.5			
(°)	12.5			
(°)	2.5			
(см)	2.0			
(см)	15 ÷165			
(кВ)	100÷350			
Динамика частиц				
(МГц)	4.125			
<u>.</u>	12			
(МэВ)	0.4÷1.2			
на инжекции (см)	8			
на выводе (см)	5			
радиальных	1.1÷1.2			
аксиальных	1.0÷1.2			
	на (МэВ) (МэВ) (мА) гнитная система (°) (см) (см) (см) (кГс) ряющая система (МГц) (°) (см) (с			

# 2. Эффекты пространственного заряда - аналитические оценки

Силы пространственного заряда в циклотроне можно разделить на силы поперечного и продольного действий. Поперечные силы пространственного заряда преобладают в центре циклотрона и в основном ослабляют вертикальную фокусировку. Продольные силы приводят к разбросу энергии, который прямо пропорционален средней интенсивности пучка и обратно пропорционален полной фазовой ширине.

# 2.1. Оценка влияния поперечного пространственного заряда

Так как проблема поперечного пространственного заряда доминирует на низких энергиях, последующие расчеты сделаны для энергии инжекции. Действие поперечного пространственного заряда проявляется в виде уменьшения частоты бетатронных колебаний. Вначале произведем оценку сдвига частот, воспользовавшись следующими формулами[2]:

 $Q_z^2 = Q_{zo}^2 - \frac{4\pi r_{od} r^2 \propto \chi}{\gamma^3} \frac{\Delta r}{\Delta r + \Delta z}$ , где  $\chi$  - плотность пространственного заряда, при

эллиптическом поперечном сечении сгустка и равномерном распределении заряда равна

 $\chi = \frac{8I}{ec\Delta r\Delta z\Delta \varphi\beta}$ 

*Q*<sub>zo</sub>=1,0, β=0,023, *r*<sub>od</sub>=0,767·10<sup>-16</sup> см (классический радиус дейтрона),

r∞=c/2πf=1157,5 см.

 $\Delta r=2~cm$ ,  $\Delta z=2~cm$  - радиальный, аксиальный размеры сгустка,  $\Delta \phi = \pi/6~BY$  – фазовая протяженность сгустка.

Значение аксиальной частоты для тока 20 мА уменьшится на 0,3, что допустимо.

Далее были произведены оценки предельного тока (для тех же параметров) с использованием цилиндрической модели пучка[3], предполагающей равномерную плотность заряда. Следующие допущения: а) аксиальная частота в центре циклотрона меньше, чем горизонтальная; б) аксептанс установки много больше, чем эмиттанс пучка; в) пучок сгруппирован с фазовой шириной  $\Delta \varphi$ , приводят к формуле:

$$I_{\rm lim} = \frac{1}{4} \left(\frac{A}{Z}\right) I_o \beta Q_{zo}^2 \left(\frac{\Delta z/2}{R_{\infty}}\right)^2 \left(\frac{\Delta \varphi}{2\pi}\right)^2$$

 $I_o$  - универсальный ток для дейтронов  $I_o \approx 31$  MA,  $(\beta \gamma) I_o$  -Alfven - ток. Согласно этой формуле предельный ток  $I_{lim}$  =22 мА.

# 2.2. Оценка действия продольного пространственного заряда

Влияние сил продольного пространственного заряда приводит к разбросу энергии пучка, что может препятствовать разделению орбит, необходимому для эффективного вывода. Разброс энергии, вызванный пространственным зарядом, не является линейной функцией фазового размера пучка.

Полный разброс энергии после *n* оборотов, вызванный линеаризованной частью пространственного заряда, можно оценить по формуле[3], вытекающей из дисковой модели:

$$\Delta U_{sc} = 2,8k\Omega < I > \frac{2\pi}{\Delta \varphi} \frac{n^2}{\beta_{max}} .$$

Оценки были произведены для следующих данных:

количество оборотов n=20,  $\beta_{max}=0,126$ , <I>=20 мА, разброс энергии составил  $\Delta U_{sc}=2,1$  МэВ/нуклон.

количество оборотов n=17,  $\beta_{max}=0,126$ , <I>=20 мА, разброс энергии составил  $\Delta U_{sc}=1,5$  МэВ/нуклон.

Линейная часть пространственного заряда может быть компенсирована flattopрезонатором. Действие нелинейной части продольного пространственного заряда приводит к ограничению на предельный ток пучка, связанному с разделением орбит. Воспользуемся следующим критерием разделения орбит[3]:

$$U < \frac{U_f}{f_n 2.8k\Omega} \left(\frac{\Delta\varphi}{2\pi}\right) \frac{\beta_{\max}}{n^3}$$

где  $U_f$  – конечная энергия,  $f_n$  - принималась равной 0,3 и определяет долю нелинейного разброса напряжения от линейного:

 $\delta U_{sc}$ (нелинейный)  $\leq f_n \Delta U_{sc}$ (линейный).

В результате предельный ток, допускающий разделение орбит, при *n*= 20 составит 12 мА.

### 3. Численное моделирование

# 3.1. Оптимальные условия для инжекции центральной частицы

Для расчетов динамики пучка без учета пространственного заряда использовалась программа MOVIDE, внутри которой интегрировались полные уравнения движения заряженной частицы в электромагнитном поле циклотрона, ВЧ-напряжение линейно росло от 125 в центре до 250 кВ на выводе, ширина ускоряющих щелей менялась линейно от 2 до 5 см.

В качестве стартового угла для расчета динамики частиц был взят азимут  $\varphi = 0^{\circ}$ , который расположен за 37,5° до середины первой ускоряющей щели. На этом азимуте в трехмерном фазовом пространстве (r, r',  $\psi$ ), где  $\psi$  - стартовая фаза частицы относительно ВЧ-напряжения, проводился поиск оптимальной частицы, которая обладала бы к концу третьего оборота минимальной амплитудой радиальных колебаний и находилась вблизи максимума ВЧ-напряжения в момент пролета ускоряющих щелей. Целевая функция вида  $\chi = A_r$  (см) +  $\psi/10$  (°ВЧ), где  $A_r$  - амплитуда радиальных колебаний, использовалась в процессе поиска оптимальной частицы. Эти расчеты показали, что невозможно одновременно добиться нулевых радиальных колебаний и максимального набора энергии. Минимальное значение целевой функции оказалось равным 0,7, что соответствовало частице с  $A_r = 0,5$  см и  $\psi = 2,0^{\circ}$ ВЧ. В момент старта эта частица имела следующие параметры: r=31,42 см, r'=1,41 см,  $\psi = -40^{\circ}$ ВЧ. На рис 1 показана траектория оптимальной частицы в течение первых трех оборотов.

# 3.2. Аксептансы центральной области ускорителя

Для расчета аксептансов сначала генерировались случайным образом наборы 100 частиц в 5-мерном фазовом объеме (г, г', z, z',  $\psi$ ), который окружал оптимальную частицу. Варьировались фазовая протяженность сгустка, его поперечные размеры и ориентация осей эллипсов на фазовых плоскостях. Затем эти наборы частиц ускорялись в течение трех оборотов. В качестве ограничений, определяющих значения аксептансов циклотрона, в данном случае были использованы следующие положения:

• радиальная протяженность свободной от частиц зоны между инжектируемым пучком и совершившим один оборот должна быть не менее 10 см;

- аксиальный размер пучка не должен превышать 0,75 апертуры Δ-электрода. В результате расчетов были получены следующие значения аксептансов :
- радиальный ε<sub>г</sub>=126π мм мрад;

- аксиальный ε<sub>z</sub>= 25π мм мрад;

- фазовый ε<sub>₩</sub>= 30° ВЧ.

На рис.2 приведены на фазовых плоскостях радиального и аксиального движения стартовые положения 100 частиц, соответствующие аксептансам центральной области циклотрона. На рис.3 показаны первые обороты 100 частиц, заполнивших аксептанс циклотрона. На рис.4 приведены аксиальные траектории этих же частиц. Заметно увеличение амплитуд аксиальных колебаний примерно в 3 раза во время первых двух оборотов. Причина роста аксиальных амплитуд осталась пока невыясненной. Весьма вероятно, что этот факт связан с тем, что частоты свободных поперечных колебаний на первом обороте близки ( $Q_r = 1, 1, Q_z = 1,05$ ), а на втором и последующих оборотах практически совпадают ( $Q_r \approx Q_z \approx 1,2$ ).

По сравнению с предыдущим вариантом циклотрона увеличение энергии инжекции и уменьшение кратности ускорения привели к существенному увеличению (в 7 раз) радиального аксептанса даже при более жестком его определении (ранее декларировалась свободная зона 5 см). Фазовый аксептанс также вырос и очевидно, что он может быть еще увеличен, если радиальный эмиттанс инжектируемого пучка не будет превышать  $100\pi$ ·мм·мрад. Аксиальный аксептанс практически не изменился, и причина этого заключается в росте аксиальных амплитуд по невыясненным пока до конца причинам. Возможно, что мы наблюдаем действие разностного резонанса связи  $Q_r - Q_z = 0$ .



Рис. 1. Первые три оборота центральной частицы фазового объема



Рис. 2. Стартовые положения пучка на фазовых плоскостях радиального а) и аксиального б) движения. Площади, занимаемые пучком, соответствуют аксептансам циклотрона





Рис. 3. Первые три оборота 100 частиц, представляющих фазовый объем пучка, равный аксептансу центральной области циклотрона



Рис. 4. Аксиальные траектории 100 частиц, представляющих фазовый объем пучка, равный аксептансу центральной области циклотрона



# 3.3. Эффекты пространственного заряда

Для расчетов использовался программный комплекс[4], в основе которого лежит программа NAJO [5], созданная для расчетов динамики частиц в секторных циклотронах GANIL.

В основе программы:

интегрирование дифференциальных уравнений методом Рунге-Кутта (шаг интегрирования 0.5°);

ускорение - в приближении тонких линз (постоянная скорость и координата), толчки в центре ускоряющей щели, имеется возможность размещения flattopрезонатора;

для моделирования пучка используется 100÷200 частиц;

действие пространственного заряда учитывается 8 раз на обороте. Используется "equivalent continuous method".

Программа дополнена подпрограммами, вычисляющими изохронное поле по методу Гордона, корректирующими расчетное поле, вычисляющими бетатронные частоты.

Для расчетов использовалось изохронное поле, представленное в работе[1]. Набор энергий происходил в течение 20 оборотов. В качестве стартового угла был взят азимут  $\phi$  = - 45°. На рис 5 фаза центральной частицы показана в зависимости от радиуса.



Рис. 5. Фазовое движение центральной частицы На рис. 6 дана зависимость энергии центральной частицы от раднуса. На рис.7 – частоты свободных колебаний.





Рис. 6. Зависимость энергии центральной частицы от радиуса





Следует заметить, что в центре циклотрона ускорение происходит в непосредственной близости от резонанса  $Q_z = 1$ . Благодаря высокой интенсивности



набора энергии, резонанс не окажет влияния на движение частиц, однако в дальнейшем следует провести дополнительные расчеты, проверяющие данное утверждение.

#### 3.3.1. Центр

На рис.8 представлены зависимости эффективных аксиальных эмиттансов от энергии дейтронов в отсутствие пространственного заряда и для тока 20 мА. Из рисунка видно, что действие поперечных сил пространственного заряда приводит к резкому увеличению эффективного аксиального эмиттанса в центре ускорителя, однако аксиальный разброс при этом не превышает апертуры ускорителя. Следует заметить, что расчеты по данной программе дают более оптимистичное значение аксиального аксептанса  $-50\pi$  мм мрад, чем было получено выше, что объясняется различным представлением ускоряющего поля в программах и указывает на необходимость тщательных расчетов центральной области циклотрона.



Рис. 8. Зависимость эффективных аксиальных эмиттансов от энергии дейтронов для I=0 мА и I=20 мА

Таким образом, предельный ток можно было бы считать равным 20 мА, что согласуется с аналитическими оценками. Однако следует заметить, что в расчетах эмиттанс вычислялся как функция среднеквадратичного отклонения, то есть не все частицы попадают в эмиттанс, следовательно, реальный предел по поперечному пространственному заряду находится ниже, чем 20 мА.

На рис.9а,б представлены радиальные распределения частиц для первых трех оборотов (а - 100 частиц, б – 200 частиц). Видно, что разделение орбит составляет около 8 см и практически не зависит от количества частиц, поэтому все дальнейшие расчеты проводились для 100 частиц.



Рис. 9а,б. Радиальные распределения частиц для первых трех оборотов

(а - 100 частиц б - 200 частиц).

#### 3.3.2. Зона вывода

Для получения четкого разделения орбит в зоне вывода необходим интенсивный набор энергии (чтобы минимизировать действие продольного пространственного заряда). При этом нужно обеспечить сохранение надлежащего качества пучка в процессе ускорения, а именно не допускать роста радиального эмиттанса. В наших расчетах набор энергий позволил ускорить пучок дейтронов до энергии 15 МэВ за 20 оборотов. При этом напряжение на резонаторах менялось линейно от 100 до 350 кВ. На рис.10а представлены последние три оборота пучка дейтронов. Расстояние между оборотами около 5 см, при этом наблюдается существенное уширение пучка, приводящее к уменьшению зоны, свободной от частиц до 2 см. Использование flattopрезонатора приводит к некоторому улучшению качества пучка (рис.10б) и, следовательно, к увеличению предельного тока. На рис 11а представлены радиальные распределения частиц последних трех оборотов для интенсивности 10 мА. Действие линейной части сил продольного пространственного заряда скомпенсировано соответствующим значением фазы flattop-pesonaropa. Видно, что разделение орбит сохраняется. На рис. 12 представлены фазовые портреты пучка для первых и последних трех оборотов. Наблюдается существенное уширение пучка по энергии в процессе ускорения. Для 20 мА не удалось получить разделенных орбит (рис.11б). Возможно (согласно аналитическим оценкам) увеличить предельный ток, уменьшив число оборотов, однако попытки увеличить напряжение привели к росту радиального эмиттанса

## 4. Заключение

Увеличение энергии инжекции и уменьшение кратности ускорения привели к существенному увеличению аксептанса циклотрона.

Силы пространственного заряда допускают работу ускорителя в режиме разделенных орбит с предельным током пучка 10 мА.

Так как в центре циклотрона ускорение происходит в непосредственной близости от резонансов  $Q_r - Q_z = 0$ ,  $Q_z = 1$ , следует изменить магнитную систему ускорителя или в сторону усиления аксиальной фокусировки до  $Q_z = 1.2 \div 1.3$ , или в сторону уменьшения  $Q_z$  до  $0.9 \div 0.95$ , а также провести дополнительные расчеты, с целью исследования влияния резонансов на движение частиц.

Авторы выражают свою глубокую признательность Е.М.Сыресину за поддержку при проведении работы.



Рис. 10 а.б. Радиальные распределения частиц для последних трех оборотов при *I* = 0мА ( а - без flattop-резонатора, б - с flattop-резонатором)





Рис. 11а,б. Радиальные распределения частиц для последних трех оборотов

(а - при I = 10 мА, б - при I = 20 мА)



Рис. 12 а,б. Фазовые портреты пучка при I = 10 мА (а – первые три оборота, б – последние три оборота)

Самсонов Е.В. Ворожцов С.Б., Карамышева Г.А., Расчет динамики частиц в циклотроне ЦИ-10, Сообщение ОИЯИ Р9-99-126, Дубна, 1999.
Аленицкий Ю.Г. и др., "Секторный циклотрон инжектор ДЦ-1", Международное

2. Аленицкии Ю.1. и др., Секторный циклотрон инжектор дЦ-1°, Международное совещание по циклотронам и их применению, Дубна, 1989, с.96.
3. Joho W., "Space Charge Effects in Cyclotrons", Труды Международной школы молодых учёных по проблемам ускорителей заряженных частиц, Дубна, 1989, с.94.
4. Ворожцов С.Б. и др. Комплекс аппаратных и программных средств для анализа динамики пучка циклотрона, Сообщение ОИЯИ Р9-88-416, Дубна, 1988.
5. Chahart A. Brome M. Le: Broge of the Cord of Acad. Device and Construction of the construction of the construction of the construction.

5. Chabert A., Prome M., In: Proc. of the Conf. on Accel. Design and Oper., Berlin, 1984, p.164.

Рукопись поступила в издательский отдел 15 ноября 2000 года.

.

\_

# Издательский отдел Объединенного института ядерных исследований предлагает Вам приобрести перечисленные ниже книги:

Индекс книги	Название книги
E3-97-213	Труды V Международного семинара по взаимодействию нейтронов с ядрами. Дубна, 1997, 446 с. (на англ. яз.)
Д9-97-231	Труды международной школы молодых ученых «Проблемы ускорения заряженных частиц». Дубна, 1996, 285 с. (на русском и англ. яз.)
E2,4-97-263	Труды III международной конференции «Ренормгруппа-96». Дубна, 1996, 436 с. (на англ. яз.)
E10-97-272	Труды международного рабочего совещания «Системы сбора данных в экспериментах на нейтронных источниках». Дубна, 1997, 325 с. (на англ. яз.)
Д19-97-284	Труды международного симпозиума «Проблемы биохимии, радиационной и космической биологии». Дубна, 1997, 2 тома: 284 и 405 с. (на русском и англ. яз.)
P14-97-343	Труды Национальной конферснции по применению рентгеновского синхротронного излучения нейтронов и электронов для исследования материалов. Дубна, 1997, 3 тома, 370 с., 448 с., 340 с. (на русском яз.)
P2-97-401	Труды IX международного семинара «Гравитационная энергия и гравитационные волны». Дубна, 1996, 194 с. (на русском яз.)
E2-97-413	Труды VII Международного совещания по спиновой физике высоких энергий (СПИН-97). Дубна, 1997, 398 с. (на англ. яз.)
E15-98-57	Труды III Международного совещания по исследованию сверхтонкой структуры и ядерных моментов экзотических ядер методами лазерной спектроскопии. Познань, 1997, 200 с. (на англ. яз.)
Д13-98-66	Труды XVII Международного симпозиума по ядерной электронике. Варна, 1997, 242 с. (на русском и англ. языках)
E1,2-98-154	Труды XIII международного семинара по проблемам физики высоких энергий «Релятивистская ядерная физика и квантовая хромодинамика». Дубна, 1996, 2 тома, 300 с. и 282 с. (на англ. яз.)
E3,14-98-168	Труды Германо-Российского совещания пользователей ИБР-2. Дубна, 1998, 126 с. (на англ. яз.)
E3-98-202	Труды VI Международного семинара по взаимодействию нейтронов с ядрами. Дубна, 1998, 352 с. (на англ. яз.)
Д1,2-98-215	Труды международного совещания «Релятивистская ядерная физика от сотен МэВ до ТэВ». Дубна, 1998, 384 с. (на русском и англ. яз.)
Д -98-224	Труды II Открытой научной конференции молодых ученых и специалистов ОИЯИ. Дубна, 1998, 190 с. (па русск. и англ. языках)
P1-98-231	А.Любимов, Д.Киш. Введение в экспериментальную физику частиц. Дубна, 1998, 330 с. (на русском яз.)
E2-98-254	Труды рабочего совещания «Адронные атомы и позитроны в стандартной моледи». Лубна, 1998, 259 с. (на англ. яз.)
Д9,11-98-273	Труды международной конференции «Динамика пучков и оптимизация». Пубиа 1997 162 с (на русском и авгла зъвках)
E17,19-98-305	Дуона, 1927, 102 с. (на русском и англ. языках) Труды международного рабочего совещания «Дейтерирование биологических молекул для структурных и динамических исследований. Применение для нейтронного рассеяния и ЯМР». Дубна, 1998, 100 с. (на англ. яз.)

Индекс книги	Название книги
E1,2-98-307	Труды международной школы-семинара «Актуальные проблемы физики частиц». Гомель, 1997, 2 тома, 304 с. и 220 с. (на англ. яз.)
E2-98-372	Труды III международного совещания «Классические и квантовые интегрируемые системы». Ереван, 1998, 200 с. (на англ. яз.)
E9-99-26	Труды XVII Международной конференции по ускорителям высоких энергий. Дубна, 1998, 432 с. (на англ. яз.)
E2-99-35	Труды XI международной конференции «Проблемы квантовой теории поля». Дубна, 1998, 508 с. (на англ. яз.)
E5-99-38	Труды международного совещания «Самоподобные системы». Дубна, 1998, 404 с. (на англ. яз.)
P3,14,17-99-75	Труды VIII Школы по нейтронной физике. Дубна, 1998, 330 с. (на русском яз.)
E9-99-92	Труды Международного совещания МЕЕС'98. Дубна, 1998, 302 с. (на англ. яз.)
Д -99-94	Труды III Открытой научной конференции молодых ученых и специалистов ОИЯИ. Дубна, 1999. 258 с. (на русск. и англ. языках) И.А.Шелаев. Введение в необратимую электродинамику. Дубна, 1999, 288 с.
	(на русском яз.)

За дополнительной информацией просим обращаться в издательский отдел ОИЯИ по адресу:

.

141980, г.Дубна, Московской области, ул.Жолио-Кюри, 6. Объединенный институт ядерных исследований, издательский отдел E-mail: publish@pds.jinr.dubna.su

Ворожцов С.Б. и др.	P9-2000-274
Динамика частиц с учетом влияния пространственного заряда	
в сильноточном циклотроне	
(Дейтронный вариант)	

Приведены результаты численных расчетов основных характеристик сильноточного циклотрона, предназначенного для получения пучка дейтронов с конечной энергией 15 МэВ. Представлены аналитические и численные оценки эффектов пространственного заряда на динамику частиц. Показано, что силы пространственного заряда допускают работу ускорителя в режиме разделенных орбит с предельным током пучка 10 мА.

Работа выполнена в Лаборатории ядерных проблем им. В.П.Джелепова ОИЯИ.

Сообщение Объединенного института ядерных исследований. Дубна, 2000

Перевод авторов

4

Vorozhtsov S.B. et al. P9-2000-274 Beam Dynamics Taking into Account Space Charge Effects in a High-Current Cyclotron (Deuteron Version) The calculations of beam dynamic characteristics of High-Current Cyclotron for deuteron beam of 15 MeV energy are presented. Analytical and numerical estimations of space charge effects are given. Current limit due to space charge forces is calculated to be about 10 mA. The investigation has been performed at the Dzhelepov Laboratory of Nuclear Problems, JINR.

Communication of the Joint Institute for Nuclear Research. Dubna, 2000